

2011年普通高等学校招生全国统一考试(山东卷)

理科数学

本试卷分第I卷和第II卷两部分,共4页,满分150分,考试用时120分钟,考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。

注意事项:

- 1. 答题前,考生务必用0.5毫米黑色签字笔将自己的姓名、座号、准考证号、县区和科类填写在答题卡和试卷规定的位置上。
2. 第I卷每小题选出答案后,用2B铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑;如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号,答案不能答在试卷上。
3. 第II卷必须用0.5毫米黑色签字笔作答,答案必须写在答题卡各题目指定区域内相应的位置,不能写在试卷上;如需改动,先划掉原来的答案,然后再写上新的答案;不能使用涂改液、胶带纸、修正带。不按以上要求作答的答案无效。
4. 填空题请直接填写答案,解答题应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

参考公式:

柱体的体积公式:V=Sh,其中S是柱体的底面积,h是柱体的高。
圆柱的侧面积公式:S=cl,其中c是圆柱的底面周长,l是圆柱的母线长。

球的体积公式:V=4/3πR^3,其中R是球的半径。

球的表面积公式:S=4πR^2,其中R是球的半径。

用最小二乘法求线性回归方程系数公式,b̂=Σ(xi-yi)(xi-x̄)/Σ(xi-x̄)^2, â=ȳ-b̂x̄。

如果事件A,B互斥,那么P(A+B)=P(A)+P(B);如果事件A,B独立,那么P(AB)=P(A)·P(B)。

第I卷(共60分)

一、选择题:本大题共12小题,每小题5分,共60分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

- (1) 设集合M={x|x^2+x-6<0}, N={x|1<=x<=3}, 则M∩N=
(A) [1,2] (B) [1,2] (C) (2,3] (D) [2,3]
(2) 复数z=2-i/(1+i) (i为虚数单位)在复平面内对应的点所在象限为
(A) 第一象限 (B) 第二象限 (C) 第三象限 (D) 第四象限
(3) 若点(a,9)在函数y=3^x的图象上,则tan(a/6)的值为
(A) 0 (B) sqrt(3)/3 (C) 1 (D) sqrt(3)

- (4) 不等式|x-5|+|x+3|>=10的解集是
(A) [-5,7] (B) [-4,6]
(C) (-∞,-5]∪[7,+∞) (D) (-∞,-4]∪[6,+∞)
(5) 对于函数y=f(x),x∈R,"y=f(x)的图象关于y轴对称"是"y=f(x)是奇函数"的
(A) 充分而不必要条件 (B) 必要而不充分条件
(C) 充要条件 (D) 既不充分也不必要条件
(6) 若函数f(x)=sinωx(ω>0)在区间[0,π/3]上单调递增,在区间[π/3,π/2]上单调递减,则ω=
(A) 3 (B) 2 (C) 3/2 (D) 2/3

(7) 某产品的广告费用x与销售额y的统计数据如下表:

Table with 2 rows: 广告费用x(万元) and 销售额y(万元). Values: (4,49), (2,26), (3,39), (5,54)

根据上表可得回归方程y=b̂x+â中的b̂为9.4,据此模型预报广告费用为6万元时销售额为
(A) 63.6万元 (B) 65.5万元 (C) 67.7万元 (D) 72.0万元

(8) 已知双曲线x^2/a^2 - y^2/b^2 = 1 (a>0, b>0)的两条渐近线均和圆C: x^2 + y^2 - 6x + 5 = 0相切,且双曲线的右焦点为圆C的圆心,则该双曲线的方程为
(A) x^2/4 - y^2/3 = 1 (B) x^2/5 - y^2/4 = 1 (C) x^2/3 - y^2/6 = 1 (D) x^2/6 - y^2/3 = 1

(9) 函数y=x/2 - 2sinx的图象大致是
(A) (B) (C) (D)

(10) 已知f(x)是R上最小正周期为2的周期函数,且当0<=x<2时,f(x)=x^2-x,则函数y=f(x)的图象在区间[0,6]上与x轴的交点的个数为
(A) 6 (B) 7 (C) 8 (D) 9

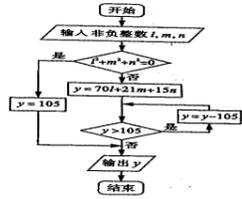
(11) 右图是长和宽分别相等的两个矩形,给定下列三个命题:①存在三棱柱,其正(主)视图、俯视图如右图;②存在四棱柱,其正(主)视图、俯视图如右图;③存在圆柱,其正(主)视图、俯视图如右图。其中真命题的个数是
(A) 3 (B) 2 (C) 1 (D) 0

(12) 设A1, A2, A3, A4是平面直角坐标系中两两不同的四点,若A1A2=λA1A3(λ∈R), A1A3=μA1A4(μ∈R),且1/λ+1/μ=2,则称A3, A4调和分割A1, A2。已知平面上的点C, D调和分割点A, B,则下面说法正确的是
(A) C可能是线段AB的中点 (B) D可能是线段AB的中点
(C) C, D可能同时在线段AB上 (D) C, D不可能同时在线段AB的延长线上

第II卷(共90分)

二、填空题:本大题共4小题,每小题4分,共16分。

(13) 执行右图所示的程序框图,输入l=2, m=3, n=5, 则输出的y的值是_____。



(14) 若(x-√x/2)^n展开式的常数项为60,则常数a的值为_____。

(15) 设函数f(x)=x/(x+2) (x>0), 观察:

f1(x) = f(x) = x/(x+2)
f2(x) = f(f1(x)) = x/(3x+4)
f3(x) = f(f2(x)) = x/(7x+8)
f4(x) = f(f3(x)) = x/(15x+16)
.....

根据以上事实,由归纳推理可得:当n∈N*且n>=2时,fn(x)=x/(an+bn)。

(16) 已知函数f(x)=logax+x-b (a>0, 且a≠1), 当2<a<3<b<4时,函数f(x)的零点x0∈(n, n+1), n∈N*, 则n=_____。

三、解答题:本大题共6小题,共74分。

(17) (本小题满分12分) 在△ABC中,内角A, B, C的对边分别为a, b, c。已知cosA=2cosC=2c-a/c。

(I) 求sinC的值;

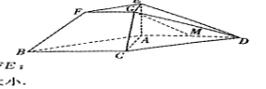
(II) 若cosB=1/4, b=2, 求△ABC的面积S。

(18) (本小题满分12分) 红队队员甲、乙、丙与蓝队队员A、B、C进行围棋比赛,甲对A、乙对B、丙对C各一盘。已知甲胜A、乙胜B、丙胜C的概率分别为0.6, 0.5, 0.5。假设各盘比赛结果相互独立。

(I) 求红队至少两名队员获胜的概率;

(II) 用ξ表示红队队员获胜的总盘数,求ξ的分布列和数学期望Eξ。

(19) (本小题满分12分) 在如图所示的几何体中,四边形ABCD为平行四边形,∠ACB=90°, EA⊥平面ABCD, EF//AB, FG//BC, EG//AC, AB=2EF。



(I) 若M是线段AD的中点,求证:GM//平面ABFE;

(II) 若AC=BC=2AE,求二面角A-BF-C的大小。

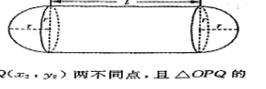
(20) (本小题满分12分) 等比数列{an}中,a1, a2, a3分别是下表第一、二、三行中的某一个数,且a1, a2, a3中的任何两个数不在下表的同一列。

Table with 3 columns: 第一列, 第二列, 第三列. Rows: 第一行 (3, 2, 10), 第二行 (6, 4, 14), 第三行 (9, 8, 18)

(I) 求数列{an}的通项公式;

(II) 若数列{bn}满足bn=an+(-1)^nlnan,求数列{bn}的前n项和Sn。

(21) (本小题满分12分) 某企业拟建造如图所示的容器(不计厚度,长度单位:米),其中容器的中间为圆柱形,左右两端均为半球形,按照设计要求容器的容积为80π/3立方米,且l>=2r。假设该容器的建造费用仅与其表面积有关。已知圆柱形部分每平方米建造费用为3千元,半球形部分每平方米建造费用为c(c>3)千元。设该容器的建造费用为y千元。



(I) 写出y关于r的函数表达式,并求该函数的定义域;

(II) 求该容器的建造费用最小时的r。

(22) (本小题满分14分) 已知动直线l与椭圆C: x^2/3 + y^2/2 = 1交于P(x1, y1), Q(x2, y2)两点,且△OPQ的面积S△OPQ = √5/2,其中O为坐标原点。

(I) 证明:x1^2+x1和y1^2+y1均为定值;

(II) 设线段PQ的中点为M,求|OM|·|PQ|的最大值;

(III) 椭圆C上是否存在三点D, E, G,使得S△ODE = S△ODG = S△OEG = √5/2?若存在,判断△DEG的形状;若不存在,请说明理由。

山东电子职业技术学院



山东省内招生计划

山东电子职业技术学院是公办省属全日制普通高等学校。学院已有33年的办学历史,是山东省创建最早的电子信息类学校。位于济南市章丘大学城,占地1000余亩,在校生近9000人。是“全国职业技术教育先进单位”、“全国信息产业系统先进集体”、“山东省高等学校教学管理先进集体”、连续七年保持“省级文明单位”称号。

普通类

Table with 3 columns: 专业名称, 文科, 理科. Rows include: 电子信息工程技术 (100, 84), 应用电子技术 (50, 50), 通信技术等。

艺术类

Table with 3 columns: 专业名称, 艺术文, 艺术理. Rows include: 电脑艺术设计 (20, 10), 广告设计与制作 (15, 5), 合计 (35, 15)

Table with 3 columns: 专业名称, 文科, 理科. Rows include: 计算机系统维护 (10, 40), 计算机多媒体技术 (30, 20), 计算机网络与安全管理 (20, 30) etc.

对口高职

Table with 3 columns: 专业名称, 计划. Rows include: 机电类 电子信息工程技术 (50), 机电类 机电一体化技术 (30) etc.

Table with 3 columns: 专业名称, 文科, 理科. Rows include: 物业管理 (25, 25), 会计电算化 (25, 25), 计算机信息管理 (25, 25) etc.

详情请登录学校网站,网址:http://www.sdccet.cn
学院地址:山东省济南市章丘大学城文化路678号
联系电话:0531-83118771 83118772
邮编:250200