

现代教育·特刊

(20)

解:(I) 设等差数列 $\{a_n\}$ 的首项为 a_1 , 公差为 d .由 $S_4 = 4S_2$, $a_{2n} = 2a_n + 1$ 得

$$\begin{cases} 4a_1 + 6d = 8a_1 + 4d, \\ a_1 + (2n-1)d = 2a_1 + 2(n-1)d + 1. \end{cases}$$

解得 $a_1 = 1$, $d = 2$.因此 $a_n = 2n - 1$, $n \in \mathbb{N}^*$.

$$(II) \text{ 由已知 } \frac{b_1}{a_1} + \frac{b_2}{a_2} + \cdots + \frac{b_n}{a_n} = 1 - \frac{1}{2^n}, n \in \mathbb{N}^*,$$

$$\text{当 } n=1 \text{ 时, } \frac{b_1}{a_1} = \frac{1}{2};$$

$$\text{当 } n \geq 2 \text{ 时, } \frac{b_n}{a_n} = 1 - \frac{1}{2^n} - (1 - \frac{1}{2^{n-1}}) = \frac{1}{2^n}.$$

$$\text{所以 } \frac{b_n}{a_n} = \frac{1}{2^n}, n \in \mathbb{N}^*.$$

由(I)知 $a_n = 2n - 1$, $n \in \mathbb{N}^*$.

$$\text{所以 } b_n = \frac{2n-1}{2^n}, n \in \mathbb{N}^*.$$

$$\text{又 } T_n = \frac{1}{2} + \frac{3}{2^2} + \frac{5}{2^3} + \cdots + \frac{2n-1}{2^n},$$

$$\frac{1}{2}T_n = \frac{1}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \cdots + \frac{2n-3}{2^n} + \frac{2n-1}{2^{n+1}},$$

两式相减得

$$\frac{1}{2}T_n = \frac{1}{2} + (\frac{2}{2^2} + \frac{2}{2^3} + \cdots + \frac{2}{2^n}) - \frac{2n-1}{2^{n+1}}$$

$$= \frac{3}{2} - \frac{1}{2^{n-1}} - \frac{2n-1}{2^{n+1}},$$

$$\text{所以 } T_n = 3 - \frac{2n+3}{2^n}.$$

— 126 —

(21)

解:(I) 由 $f(x) = ax^2 + bx - \ln x$, $x \in (0, +\infty)$,

$$\text{得 } f'(x) = \frac{2ax^2 + bx - 1}{x}.$$

$$(i) \text{ 当 } a=0 \text{ 时, } f'(x) = \frac{bx-1}{x}.$$

(i) 若 $b < 0$, 当 $x > 0$ 时, $f'(x) < 0$ 恒成立,所以 函数 $f(x)$ 的单调递减区间是 $(0, +\infty)$.

$$(ii) \text{ 若 } b > 0, \text{ 当 } 0 < x < \frac{1}{b} \text{ 时, } f'(x) < 0, \text{ 函数 } f(x) \text{ 单调递减,}$$

$$\text{当 } x > \frac{1}{b} \text{ 时, } f'(x) > 0, \text{ 函数 } f(x) \text{ 单调递增.}$$

所以 函数 $f(x)$ 的单调递减区间是 $(0, \frac{1}{b})$, 单调递增区间是 $(\frac{1}{b}, +\infty)$.

$$(2) \text{ 当 } a > 0 \text{ 时, 令 } f'(x) = 0,$$

$$\text{得 } 2ax^2 + bx - 1 = 0.$$

$$\text{由 } \Delta = b^2 + 8a > 0 \text{ 得}$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}, x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}.$$

显然, $x_1 < 0$, $x_2 > 0$.当 $0 < x < x_2$ 时, $f'(x) < 0$, 函数 $f(x)$ 单调递减;当 $x > x_2$ 时, $f'(x) > 0$, 函数 $f(x)$ 单调递增.

$$\text{所以 函数 } f(x) \text{ 的单调递减区间是 } (0, \frac{-b - \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}),$$

$$\text{单调递增区间是 } (\frac{-b + \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}, +\infty).$$

综上所述,

当 $a=0$, $b < 0$ 时, 函数 $f(x)$ 的单调递减区间是 $(0, +\infty)$;

$$\text{当 } a=0, b > 0 \text{ 时, 函数 } f(x) \text{ 的单调递减区间是 } (0, \frac{1}{b}), \text{ 单调递增区间是 } (\frac{1}{b}, +\infty);$$

$$\text{当 } a > 0 \text{ 时, 函数 } f(x) \text{ 的单调递减区间是 } (0, \frac{-b - \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}),$$

$$\text{单调递增区间是 } (\frac{-b + \sqrt{b^2 + 8a}}{4a}, +\infty).$$

— 127 —

(II) 由题意, 函数 $f(x)$ 在 $x=1$ 处取得最小值,

$$\text{由(I)知 } \frac{-b + \sqrt{b^2 + 8a}}{4a} \text{ 是 } f(x) \text{ 的唯一极小值点,}$$

$$\text{故 } \frac{-b + \sqrt{b^2 + 8a}}{4a} = 1, \text{ 整理得}$$

$$2a+b=1 \text{ 即 } b=1-2a.$$

$$\text{令 } g(x)=2-4x+\ln x.$$

$$\text{则 } g'(x)=\frac{1-4x}{x}.$$

$$\text{令 } g'(x)=0, \text{ 得 } x=\frac{1}{4}.$$

$$\text{当 } 0 < x < \frac{1}{4} \text{ 时, } g'(x) > 0, g(x) \text{ 单调递增;}$$

$$\text{当 } x > \frac{1}{4} \text{ 时, } g'(x) < 0, g(x) \text{ 单调递减.}$$

$$\text{因此 } g(x) \leq g(\frac{1}{4}) = 1 + \ln \frac{1}{4} = 1 - \ln 4 < 0.$$

$$\text{故 } g(a) < 0, \text{ 即 } 2-4a+\ln a = 2b+\ln a < 0,$$

$$\text{即 } \ln a < -2b.$$

(22)

解:(I) 设椭圆 C 的方程为 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$,

$$\begin{cases} a^2 = b^2 + c^2, \\ \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \\ 2b = 2, \end{cases}$$

$$\text{解得 } a = \sqrt{2}, b = 1,$$

$$\text{因此 椭圆 } C \text{ 的方程为 } \frac{x^2}{2} + y^2 = 1.$$

(II)(1) 当 A , B 两点关于 x 轴对称时,设直线 AB 的方程为 $x=m$, 由题意 $-\sqrt{2} < m < 0$ 或 $0 < m < \sqrt{2}$.将 $x=m$ 代入椭圆方程 $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$,

$$\text{得 } |y| = \sqrt{\frac{2-m^2}{2}}.$$

— 128 —

就业率 就业质量 师资水平 三高院校

青岛求实职业学院

国内最大的空中乘务人才培养基地

学院简介

青岛求实职业学院创建于1992年, 是经山东省人民政府批准、国家教育部备案的全日制普通高等院校。学院依山傍海, 风景秀丽, 是一所生态花园式大学; 学院处在国家蓝黄经济发展的龙头城市——青岛。

学院下设影视学院、机电工程学院、航空服务学院、国际工程学院, 共有26个分学院和一个中专部, 开设了数控技术、机电一体化、电子商务、空中乘务、建筑工程技术、工程造价、酒店管理、动漫设计与制作、影视表演、海洋船舶技术等45个热门统招专业, 73个专业方向, 现有各类国内国际在校生15000余人。是一所综合性的普通高等学府。

2012年我院数控专业群被确定为青岛市十大重点建设专业群之一。

学院把人才培养国际化作为发展的特色和亮点, 在注重职业教育、内涵建设的同时, 也注重国际交流与合作, 分别与美国南阿拉巴马大学,

越南河内大学, 韩国朝鲜理工大学, 韩国大元大学等几十所国外知名高校签署了正式合作协议, 设立了国际留学交换项目, 为有志于出国留学的学子们开辟了一条安全、便捷和经济的留学通道。十余年来, 已经成功向国外合作大学输送学生数千人。

办学特色与优势

★率先通过ISO-9001国际质量体系认证;

★全部实现多媒体教学;

★2006年4月, 我院被大众报业集团评为“山东家长最喜爱的十大学院”之一;

★2008年11月举办的青岛市高校田径运动会上, 我院代表队荣获男子团体、女子团体、团体总分三项冠军, 这是我院连续六年获得这一荣誉;

★2010年11月, 我院航空服务学院大学生礼仪代表队在全国大学生礼仪大赛山东赛区选拔比赛中获得一等奖, 学院获优秀组织奖;

★2010年12月, 我院旅游酒店管理学院被中共青岛市委高校工委评为“青岛高校大学生思想政治教育工作先进集体”;

★2011年10月, 我院被山东省教育厅、山东省绿化委员会评为“山东省高校校园绿化管理工作先进单位”; 我院被中国教育学会评选为“全国名优学校”, 林夕宝院长被评为“全国名优校长”;

★2012年4月, 我院被中国民办教育协会评为“中国民办十大知名品牌学校”, 林夕宝董事长被评为“中国十大杰出民办教育家”这是我院连续七年获得此项殊荣;

★2011年12月, 林夕宝院长被政协青岛市委员会评为“优秀政协委员”; 我院被青岛市民政局评为“青岛市社会组织评估5A单位”; 在全国教育科研先进个人评选中, 林夕宝董事长荣获“全国特色兴教管理杰出人物”称号;

★2012年7月, 我院空中乘务专业学生获得“职场礼仪2012——第二届全国大学生礼仪大赛总决赛”团体决赛铜奖和优秀组织奖;

★学院是山东陆军预备役高炮师预编单位, 学院多名教师是山东陆军预备役高炮师预任军官。学生在校期间可优先推荐参军入伍, 并且服役期间享受国家学费补助;

★学院与韩国朝鲜理工大学互派交换生, 学生在我院就读一年可直接升入韩国就读专科学校。毕业后韩方负责安排在三星、起亚集团等大型企业就业。

★就业率连续七年在山东省同类院校前十名。

航空服务专业简介

航空服务学院设有空中乘务、地面勤务、安全保卫、安全检查、票务代理等专业, 其中空中乘务专业是我院特色、品牌专业之一。

我院是山东省最早开设空中乘务专业的院校之一, 空中乘务专业现为山东省特色专业, 航空服务学院目前是国内最大的空乘人才培养基地, 为全国各大航空公司输送了大批优秀人才, 其中中国十大明星赵亚璐就是我院的2007级空乘专业的优秀学生之一。据不完全统计求实学院已经为各大航空公司培养了5000余名优秀乘务员。



2013招生专业一览表					
学院	专业 代码	统招专科专业	学院	专业 代码	统招专科专业
信息工程学院	1 590106	计算机应用技术	艺术学院	24 560105	环境艺术设计
	2 590101	计算机信息管理		25 670103	多媒体设计与制作
	3 590104	计算机系统维护		26 620304	国际贸易实务
	4 590125	软件外包服务		27 620401	市场营销
	5 620405	电子商务		28 650204	人力资源管理
建筑工程学院	6 510202	园林技术	商学院	29 620206	会计与审计
	7 560301	建筑工程技术		30 620106	金融保险
	8 560701	房地产经营与估价		31 640101	旅游管理
	9 560402	供热通风与空调工程技术		32 640202	烹饪工艺与营养
	10 560502	工程造价		33 680103	安全保卫(空保、安检)
机电工程学院	11 560504	工程监理	体育学院	34 660305	体育服务与管理
	12 580201	机电一体化技术		35 670202	音乐表演(幼儿音乐教育)
	13 580103	数控技术		36 670309	电视节目制作
	14 580202	电气自动化技术		37 610106	酒店管理
	15 580106	模具设计与制造		38 520605	报关与国际货运
外国语学院	16 580108	焊接技术及自动化	服装学院	39 590110	动漫设计与制作
	17 660102	应用英语(学前教育)		40 610204	服装设计
	18 660103	应用日语(学前教育)		41 520503	空中乘务
	19 660119	应用韩语(学前教育)		42 560702	物业管理
	20 580401	汽车检测与维修技术		43 504012	学前教育
汽车工程学院	21 580402	汽车制造与装配技术	基础学院	44 530213	海洋化工
	22 580405	汽车技术服务与营销		45 520406	船舶工程技术(船员方向)
	23 670106	装潢艺术设计			

联系方式:

电话: (0532) 84937401/2212/2213/