

全部高考答案，山东省招考院今天发布，详见齐鲁壹点APP和齐鲁晚报网 <http://www.qilaweb.com.cn>

第Ⅱ卷(共100分)

二、填空题：本大题共5小题，每小题5分，共25分。

(11) 执行右边的程序框图，若输入n的值为3，则输出的S的值为_____。

(12) 观察下列等式：

$$(\sin \frac{\pi}{3})^{-2} + (\sin \frac{2\pi}{3})^{-2} = \frac{4}{3} \times 1 \times 2;$$

$$(\sin \frac{\pi}{5})^{-2} + (\sin \frac{2\pi}{5})^{-2} + (\sin \frac{3\pi}{5})^{-2} + (\sin \frac{4\pi}{5})^{-2} = \frac{4}{3} \times 2 \times 3;$$

$$(\sin \frac{\pi}{7})^{-2} + (\sin \frac{2\pi}{7})^{-2} + (\sin \frac{3\pi}{7})^{-2} + \dots + (\sin \frac{6\pi}{7})^{-2} = \frac{4}{3} \times 3 \times 4;$$

$$(\sin \frac{\pi}{9})^{-2} + (\sin \frac{2\pi}{9})^{-2} + (\sin \frac{3\pi}{9})^{-2} + \dots + (\sin \frac{8\pi}{9})^{-2} = \frac{4}{3} \times 4 \times 5;$$

……

照此规律，

$$(\sin \frac{\pi}{2n+1})^{-2} + (\sin \frac{2\pi}{2n+1})^{-2} + (\sin \frac{3\pi}{2n+1})^{-2} + \dots + (\sin \frac{2n\pi}{2n+1})^{-2} = \dots$$

(13) 已知向量 $\mathbf{a} = (1, -1)$, $\mathbf{b} = (6, -4)$. 若 $\mathbf{a} \perp (t\mathbf{a} + \mathbf{b})$, 则实数t的值为_____。

(14) 已知双曲线 $E: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > 0, b > 0$). 矩形ABCD的四个顶点在E上, AB, CD的中点为E的两个焦点, 且 $2|AB| = 3|BC|$, 则E的离心率是_____。

(15) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} |x|, & x \leq m, \\ x^2 - 2mx + 4m, & x > m, \end{cases}$ 其中 $m > 0$. 若存在实数b, 使得关于x的方程 $f(x) = b$ 有三个不同的根, 则m的取值范围是_____。

三、解答题：本大题共6小题，共75分。

(16) (本小题满分12分)

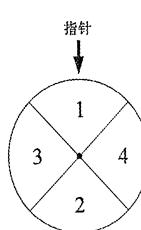
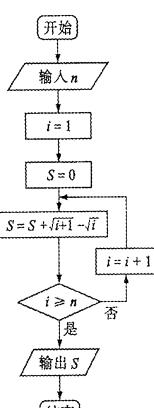
某儿童乐园在“六一”儿童节推出了一项趣味活动。参加活动的儿童需转动如图所示的转盘两次，每次转动后，待转盘停止转动时，记录指针所指区域中的数。设两次记录的数分别为x, y。奖励规则如下：

- ① 若 $xy \leq 3$, 则奖励玩具一个；
- ② 若 $xy \geq 8$, 则奖励水杯一个；
- ③ 其余情况奖励饮料一瓶。

假设转盘质地均匀，四个区域划分均匀。小亮准备参加此项活动。

(I) 求小亮获得玩具的概率；

(II) 请比较小亮获得水杯与获得饮料的概率的大小，并说明理由。



— 11 —

(17) (本小题满分12分)

$$\text{设 } f(x) = 2\sqrt{3} \sin(\pi - x) \sin x - (\sin x - \cos x)^2.$$

(I) 求 $f(x)$ 的单调递增区间；

(II) 把 $y=f(x)$ 的图象上所有点的横坐标伸长到原来的2倍(纵坐标不变), 再把得到的

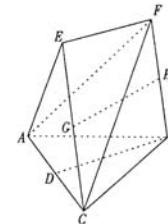
图象向左平移 $\frac{\pi}{3}$ 个单位, 得到函数 $y=g(x)$ 的图象, 求 $g(\frac{\pi}{6})$ 的值。

(18) (本小题满分12分)

在如图所示的几何体中, D是AC的中点, $EF \parallel DB$.

(I) 已知 $AB=BC$, $AE=EC$. 求证: $AC \perp FB$;

(II) 已知G, H分别是EC和FB的中点. 求证: $GH \parallel$ 平面ABC.



(19) (本小题满分12分)

已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = 3n^2 + 8n$, $\{b_n\}$ 是等差数列, 且 $a_n = b_n + b_{n+1}$.

(I) 求数列 $\{b_n\}$ 的通项公式;

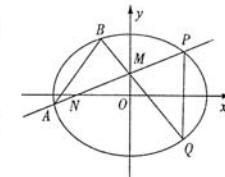
(II) 令 $c_n = \frac{(a_n+1)^{n+1}}{(b_n+2)^n}$, 求数列 $\{c_n\}$ 的前 n 项和 T_n .

(20) (本小题满分13分)

设 $f(x) = x \ln x - ax^2 + (2a-1)x$, $a \in \mathbb{R}$.

(I) 令 $g(x) = f'(x)$, 求 $g(x)$ 的单调区间;

(II) 已知 $f(x)$ 在 $x=1$ 处取得极大值. 求实数 a 的取值范围.



(21) (本小题满分14分)

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 的长轴长为4, 焦距为 $2\sqrt{2}$.

(I) 求椭圆C的方程;

(II) 过动点 $M(0, m)$ ($m > 0$) 的直线交x轴于点N, 交C于点A, P(P在第一象限), 且M是线段PN的中点. 过点P作x轴的垂线交C于另一点Q, 延长QM交C于点B.

(i) 设直线PM, QM的斜率分别为 k, k' , 证明 $\frac{k'}{k}$ 为定值;

(ii) 求直线AB的斜率的最小值.

— 12 —

山东水利职业学院

全国首批水利高等职业教育示范院校 山东省首批技能型人才培养特色名校

★ 学院品牌

心连省财政支持的职业教育实训基地建设项目。

★ 师资力量

学院大力打造“教师素质提高工程”和“名师工程”, 建设了一支师德高尚、结构合理、充满活力、富有创新精神的高素质专业化的教学团队。学院现有教职工960人, 其中专任教师619人, 具有副教授及以上高级专业技术职务的228人, 专任教师中具有硕士以上学位的259人, 专任教师队伍中双师型比例达55%。国务院政府特殊津贴专家1人, 全国优秀教师1人, 人事部“全国水利行业技术人才培育突出贡献奖”、“全国职业院校魅力教师”、“山东省文明校园”等荣誉称号。

★ 地理环境

学院地处以“蓝天、碧海、金沙滩”闻名的新兴海滨特色城市——山东省日照市, 按照新校区日照海滨国家旅游度假区建设, 环境优美, 气候宜人, 地理位置优越。

★ 办学条件

学院占地94万平方米, 校舍总面积582万平方米, 现有普通专科在校生1.2万余人, 教学仪器设备总值1.17亿元, 图书馆藏书90万余册, 学院按照“追踪技术发展, 侧重实训环境, 培养企业需要, 增强职业能力”的实训基地建设理念, 建设有109个设备先进的校内实训室, 建学生技能训练、职业技能培训与鉴定、对外技术服务等多种功能于一体, 建筑工程技术实训基地是中央财政支持的职业教育实训基地建设项目建设; 机电一体化实训中

★ 专业建设

学院开设了涵盖水利、土建、制造、电子信息、财经、旅游、艺术设计传媒等19个专业大类的57个专业, 其中, 水利工程和建筑工程技术专业是全国水利高等职业教育示范专业。水利工程、建筑工程技术、电子信息工程、机电一体化技术、水利水电工程管理、会计电



筑化、道路桥梁工程技术和工程造价等8个专业被山东省教育厅确定为山东省高等学校的特色专业。水利工程、水利水电工程管理、建筑工程技术、道路桥梁工程技术、机电一体化技术、电气自动化技术、工程造价、建筑装饰工程技术、会计电算化、物业管理等10个专业为山东省特色名牌重点建设专业。

★ 就业工作

学院是山东省高校就业工作先进单位, 近年来, 学院不断加强对就业工作的统筹力度, 建立了规范化的毕业生就业工作机制, 构建了完善的职业发展和就业服务体系, 为学生的终生职业发展提供充足动力。学院坚持多措并举, 连续实施, 不断提高毕业生顶岗实习后的就业比例, 促进毕业生全面高质量就业。学院突出“一个核心”, 实施“两个融入”, 即以培养



学生自我创造力为核心, 把创业成功案例融入专业课程教学中, 把创业能力培养融入“大学生职业生涯规划”和“大学生就业指导”等校本课程中, 通过全方位、立体化的创业教育, 构建完善了一年级学生有目标、二年级学生有特长、三年级学生有行动的创业人才培养体系。是山东省人社厅审核公布的山东省名牌高校年度就业率中, 连续五年保持在95%以上, 2015届毕业生就业率达到98.6%, 位居全省同类院校前列。

★ 校园文化

独特的校园文化, 让你的综合素质显著提升。学院在“敬业、负责、求实”的水利行业精神的滋养下, 通过60多年的探索实践, 构建形成了独具水文化特色的大学文化体系; 以“上善若水, 海纳百川”的校训为育人观, 以“以人为本

本, 以水为魂”的办学理念为发展观, 以“团结、吃苦、奉献、创新”校风为价值观, 打造出感恩教育、红色经典教育、创新创业教育、企业文化教育等一系列在全国、全省影响广泛的校园文化品牌。

★ 国际合作

广泛的国际合作, 让你的人生成长更加开阔。学院积极开展对外交流与合作, 与俄罗斯、泰国、日本、新加坡、美国等国家的8所高校和教育机构建立了交流与合作关系, 多次选派管理人员、师生交流互访, 赴学生留学、专业合作等方面达成共识, 合作领域和层次不断拓展。近年来, 共选派9个国际合作专业400余名学生升入俄罗斯著名高校莫斯科农业大学(原莫斯科国立自然资源规划大学)和伊万诺沃国立化工大学就读本科专业, 学生的总体素质得到了合作学校的广泛认可。

**学院地址: 日照市学苑路677号
学院网址: <http://www.sdwrp.com>
招生热线: 400-1690-010 0633-7983983**

